

## Тема: Понятие о Производной.

### Цели урока:

1. Сформирует представление о производной как математической модели различных ситуаций из разных областей деятельности.
2. Научатся применять формулы производных
3. Создают условия для развития логического мышления, расширения кругозора

### Задачи урока:

1. Познакомить учащихся с понятием производной.
2. Показать применение новой математической модели при решении различных задач.
3. Вывести формулы дифференцирования с помощью алгоритма.

### Этапы урока:

#### 1. Организационный этап

Часто бывает так, что решая задачи, на первый взгляд, разные по содержанию, мы приходим к одной и той же математической модели. Вы уже знакомы с различными математическими моделями – уравнениями, неравенствами, системами уравнений и неравенств и другими. Сегодня вы познакомитесь с абсолютно новой для вас моделью, которая в дальнейшем поможет нам решать самые разнообразные задачи.

#### 2 Повторение и закрепление пройденного материала

1. Устные упражнения с коллективным обсуждением. Найдите тангенс угла наклона прямой к положительному направлению оси абсцисс и угловой коэффициент этой прямой.
2. Что такое приращение функции, приращение аргумента?

#### 3. Изучение нового материала.

Рассмотрим две различные задачи – физическую и геометрическую, процесс решения которых как раз и приводит к возникновению новой математической модели.

#### Задача : ( о касательной к графику функции).

Дан график функции  $y = f(x)$ . На нем зафиксирована точка  $M$  с координатами  $(a; f(a))$ . Найти угловой коэффициент касательной к графику функции, которая построена через точку  $M$ .

экономики и т.д. приводят в процессе решения к такой же модели. Значит, эту математическую модель надо изучить, т.е.:

- а) дать ее формальное определение и присвоить ей новый термин;
- б) ввести для нее обозначение;
- в) исследовать свойства новой модели.

**Определение.** Пусть функция  $y = f(x)$  определена в некотором интервале, содержащем внутри себя точку  $x_0$ . Дадим аргументу приращение  $\Delta x$  такое, чтобы не выйти из этого интервала. Найдем соответствующее приращение функции  $\Delta y$  (при переходе от точки  $x_0$  к точке  $x_0 + \Delta x$ ) и составим отношение  $\Delta y/\Delta x$ . Если существует предел этого отношения при  $\Delta x \rightarrow 0$ , то указанный предел называют производной функции  $y = f(x)$  в точке  $x_0$  и обозначают  $f'(x_0)$ .

#### 4. Практическая работа:

Рассмотренные задачи 1 и 2 позволяют истолковать производную с физической и геометрической точек зрения.

##### Физический смысл производной.

Если  $s = s(t)$  – закон прямолинейного движения тела, то производная выражает мгновенную скорость, в момент времени  $t$ :  $v(t) = s'(t)$ .

На практике во многих отраслях науки используется обобщение полученного равенства: если некоторый процесс протекает по закону  $s = s(t)$ , то производная  $s'(t)$  выражает скорость протекания процесса в момент времени  $t$ .

##### Геометрический смысл производной.

Если к графику функции  $y = f(x)$  в точке с абсциссой  $x = a$  можно провести касательную, непараллельную оси  $y$ , то  $f'(a)$  выражает угловой коэффициент касательной, который равен тангенсу угла наклона к положительному направлению оси  $x$ .

#### **В определении производной заложен алгоритм ее нахождения.**

1. Зафиксировать значение  $x$ , найти  $f(x)$ .
2. Дать аргументу приращение  $\Delta x$ , перейти в новую точку  $x + \Delta x$ , найти  $f(x + \Delta x)$ .
3. Найти приращение функции  $\Delta y = f(x + \Delta x) - f(x)$ .
4. Составить отношение  $\Delta y/\Delta x$
5. Вычислить

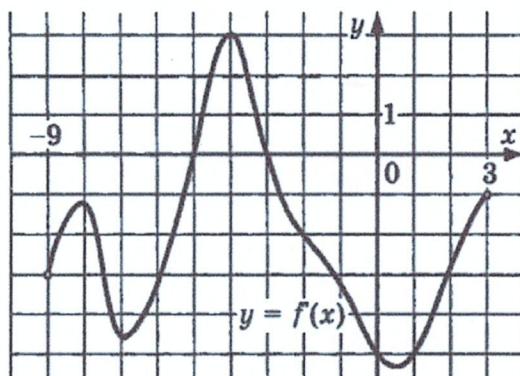
Этот предел и есть  $f'(x)$ .

**5.Этап закрепиени.**

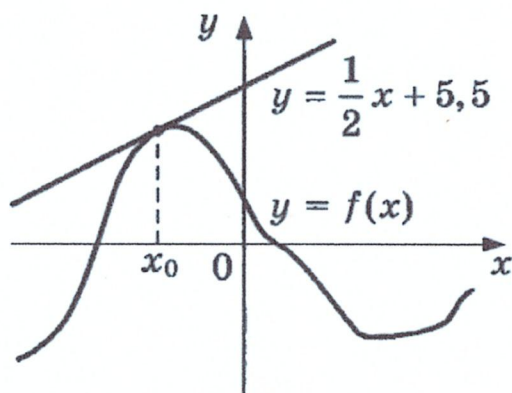
Работа в группах (по 4 человека) по карточкам.

Задание 1.

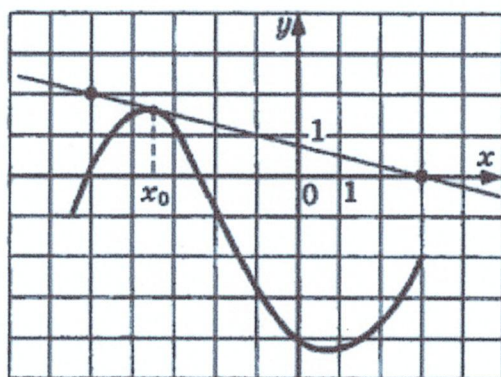
**1815.** На рисунке изображен график производной функции  $f(x)$ , определенной на интервале  $(-9; 3)$ . Найдите количество точек, в которых касательная к графику функции  $f(x)$  параллельна прямой  $y = x - 3$  или совпадает с ней.



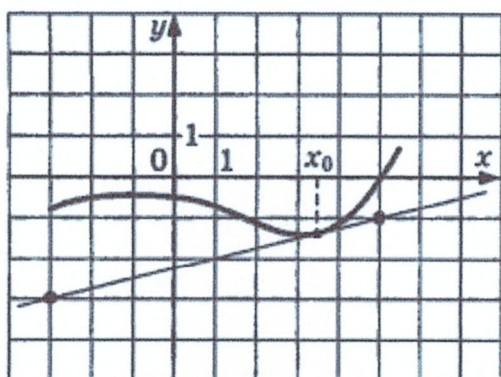
1943. На рисунке изображен график функции  $y = f(x)$  и касательная к этому графику, проведенная в точке  $x_0$ . Уравнение касательной показано на рисунке. Найдите значение производной функции  $y = 4f(x) + 7$  в точке  $x_0$ .



1936. На рисунке изображены график функции  $y = f(x)$  и касательная к нему в точке с абсциссой  $x_0$ . Найдите значение производной функции  $f(x)$  в точке  $x_0$ .



1937. На рисунке изображены график функции  $y = f(x)$  и касательная к нему в точке с абсциссой  $x_0$ . Найдите значение производной функции  $f(x)$  в точке  $x_0$ .



## **6. Подведение итогов урока**

С каким новым понятием вы сегодня познакомились?

Какие задачи помогли нам увидеть новую математическую модель?

Какие задачи вы научились решать с помощью производной?

Какие формулы вывели?

**дом задание: 188, оценивание**

## **7: Рефлексия:**

У новой математической модели, с которой вы сегодня работали еще много пока неизвестных вам свойств. С ними мы будем работать на следующих уроках.